

Doppler : CORRECTION

1. Mouvement relatif d'une source sonore et d'un détecteur

1.1.

1.1.1. C'est le nombre de bips sonores par seconde.

1.1.2. Les deux périodes sont égales car la source est au repos : pas d'effet Doppler.

1.2. Comme $v_s < v_{son}$ alors $\frac{v_s}{v_{son}} < 1$, ainsi $\left(1 - \frac{v_s}{v_{son}}\right) < 1$ et comme $T' = T_0 \cdot \left(1 - \frac{v_s}{v_{son}}\right)$ alors $T' < T_0$.

$$\text{Soit } \frac{1}{T'} > \frac{1}{T_0}$$

Enfin comme $f = \frac{1}{T}$, on a $f' > f_0$

La fréquence perçue f' est supérieure à la fréquence émise f_0 .

Remarque : ce résultat est conforme à l'observation de la vie quotidienne, le son de l'hélicoptère semble plus aigu à l'approche.

2. Détermination de la vitesse d'un hélicoptère par effet Doppler

2.1. On mesure la distance correspondant à plusieurs longueurs d'onde pour avoir un maximum de précision.

Sur la Figure 4, on a $5\lambda = 2,6 \text{ cm}$ donc $\lambda_0 = \frac{2,6}{5} = 0,52 \text{ cm}$. Il faut tenir compte de l'échelle.

1,2 cm schéma $\rightarrow$ 1,0 m en réalité

Donc 0,52 cm schéma $\rightarrow \lambda_0$ m en réalité

$$\lambda_0 = \frac{1,0 \times 0,52}{1,2} = 0,43 \text{ m en conservant que deux chiffres significatifs vu le manque de précision.}$$

Même raisonnement pour la figure 5 :

Sur la Figure 5, on a $5\lambda' = 2,1 \text{ cm}$ donc $\lambda' = \frac{2,1}{5} = 0,42 \text{ cm}$. Il faut tenir compte de l'échelle.

1,2 cm schéma $\rightarrow$ 1,0 m en réalité

Donc 0,42 cm schéma $\rightarrow \lambda'$ m en réalité

$$\lambda' = \frac{1,0 \times 0,42}{1,2} = 0,35 \text{ m.}$$

2.2. On a $\lambda_0 = \frac{v_{son}}{f_0}$ donc $v_{son} = \lambda_0 \cdot f_0$

$$v_{son} = 0,43 \times 8,1 \times 10^2 = 3,483 \times 10^2 \text{ m.s}^{-1} = 3,5 \times 10^2 \text{ m.s}^{-1} \text{ avec 2 CS.}$$

On sait que la célérité du son dans l'air est plus proche de 340 m.s^{-1} en général.

On a pu commettre une légère erreur de mesure sur la mesure de λ_0 ou l'altitude de l'hélicoptère joue sur la célérité du son.

2.3. Grâce à la figure 5, on a $\lambda' = 0,35 \text{ m}$ et on utilise la valeur précédente de la célérité (l'énoncé précise que la célérité est indépendante de la fréquence).

$$\lambda' = \frac{v_{son}}{f'} \text{ donc } f' = \frac{v_{son}}{\lambda'} = \frac{\lambda_0 \cdot f_0}{\lambda'}$$

$$f' = \frac{0,43 \times 8,1 \times 10^2}{0,35} = 1,0 \times 10^3 \text{ Hz} > f_0$$

Tout comme à la question 1.2. on constate que la fréquence perçue est supérieure à la fréquence émise.

Le son émis par l'hélicoptère paraît plus aigu lorsque ce dernier s'approche de l'observateur.

2.4. On prend la formule donnée en début de sujet $T' = T_0 \cdot \left(1 - \frac{v_s}{v_{son}}\right)$

$$\frac{T'}{T_0} = 1 - \frac{v_s}{v_{son}} \text{ donc : } \frac{v_s}{v_{son}} = 1 - \frac{T'}{T_0}$$

$$v_s = \left(1 - \frac{T'}{T_0}\right) \cdot v_{son}$$

$$v_s = \left(1 - \frac{1}{\frac{f'}{f_0}}\right) \cdot v_{son}, \quad v_s = \left(1 - \frac{f_0}{f'}\right) \cdot v_{son}$$

$$v_s = \left(1 - \frac{8,1 \times 10^2}{9,9514 \times 10^2}\right) \times 3,483 \times 10^2 = 64,8 \text{ m.s}^{-1} = 65 \text{ m.s}^{-1}$$

En multipliant par 3,6, on obtient $v_s = 233 \text{ km.h}^{-1}$. Cette valeur semble réaliste pour un hélicoptère.